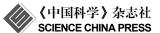
SCIENTIA SINICA Physica, Mechanica & Astronomica





论文

第 25 太阳周太阳黑子数峰值预测

苗娟^{©©®*}, 龚建村[®], 李志涛[®], 任廷领[®]

- ① 中国科学院空间科学与应用研究中心, 北京 100190;
- ② 中国科学院大学, 北京 100049;
- ③ 宇航动力学国家重点实验室, 西安 710043
- *联系人, E-mail: miaoj@nssc.ac.cn

收稿日期: 2015-03-11;接受日期: 2015-03-31; 网络出版日期: 2015-07-30 宇航动力学国家重点实验室开放基金项目(编号: 2014ADL-DW0303)和国家重点基础研究发展计划(编号: 2012CB825606)资助项目

摘要 本文通过对历史太阳周的峰值、上升期、下降期等特征参数的统计分析,给出了峰值变化与上升期之间的三类线性拟合关系,两个太阳周峰值之间长度与下降期的两类拟合关系,并通过分析太阳周的长期变化周期和第10周之后的偶、奇数峰值的变化规律,给出第25太阳周的预测结果:预计第25太阳周在2020年6月前后开始,该周会比第24太阳周强,太阳黑子数峰值为119.2±5.5,峰值强度类似于第17太阳周和23太阳周.

关键词 太阳周,峰值,上升期,下降期

PACS: 96.50.Wx, 96.60.-j, 96.60.Q-, 96.60.qd

doi: 10.1360/SSPMA2015-00097

1 引言

空间环境对航天活动的影响越来越受到技术部门的关注,无论是航天器设计、发射和回收,还是飞行计划编制、轨道飞行姿态控制操作等,都需要考虑空间环境的影响.太阳活动是空间环境的扰动源头,是引起空间环境灾害性事件的主要原因.太阳活动水平的高低直接影响到近地空间环境状态(大气环境、电离层环境等).在太阳活动剧烈变化的情况下,大气密度可达到数倍的变化幅度,严重影响正常的轨道维持.因此对太阳活动的准确预报是空间环境预报的重要课题之一.

在太阳活动预报研究中, 沃尔夫太阳黑子数是

经常用于表示太阳活动水平的指数之一,它是由日面上的黑子群数与黑子个数组合得到^[1].尽管它不如太阳在 2800 MHz 的辐射流量密度或黑子群面积总数^[2]等指数那样具有明确的直观性和物理意义,但它有长达二百多年的观测历史,作为一个统计量能清楚地反映出太阳活动的周期性^[3].作为太阳活动区的核心成员它与太阳耀斑^[4]、日冕物质抛射^[5,6]等活动现象的产生有较好的统计相关,因而它比其他太阳指数更多地应用于太阳活动物理、空间天气和地球物理等领域.在分析太阳黑子数的长期变化、评价长期太阳活动水平时,广泛使用的是太阳黑子数月均值的平滑值(即平滑月均值).该值是国际上界定太阳周的位相和黑子数极值的参量,因此也是太阳周预报的

引用格式: 苗娟, 龚建村, 李志涛, 等. 第 25 太阳周太阳黑子数峰值预测. 中国科学: 物理学 力学 天文学, 2015, 45: 099601 Miao J, Gong J C, Li Z T, et al. The prediction of maximum amplitude of solar cycle 25 (in Chinese). Sci Sin-Phys Mech Astron, 2015, 45: 099601, doi: 10.1360/SSPMA2015-00097 主要预报量.

由于太阳黑子数可能存在约有 25%的不确定 度[7],对太阳黑子数的预报仍然是一个十分艰巨的任 务. 近百年来研究者采用了各种各样的方法对太阳 活动(特别是峰值)进行预报: 黑子数长短周期法、黑 子数峰值变化趋势法、奇/偶周法、时间序列法、地 磁先兆法、相似周法及发电机模型等. 在第 23 太阳 周以前,由于先兆方法在连续几周(20-22)进行了较 为准确的预报, 因而这种方法被普遍接受, 由此也促 进了太阳发电机模型的发展[8], 但这种方法在第 23 周却失效了,得到的预报结果普遍偏高.科学工作者 为了提高预报效果提出了一些新的参量, 如拐点处 的斜率[9]、黑子相对数与地磁指数的相对变化率[10] 等. Li^[11], Kane^[12]和 Pishkalo 等人^[13]曾对第 22 周、23 周及 24 周的预报结果进行了比较,可以看到,由于 研究者采用方法的不同, 对同一参数的预报结果差 异也比较大, 比如第 24 周的太阳黑子数峰值预报结 果最小为50,最大达到190.通过大量的预报方法和 预测效果比对来看,目前还没有一种方法对最近的 几个太阳周都做出了较准确的预报,太阳周峰值预 报仍然是一个有待解决的问题.

通过统计分析以往各太阳周参数间的变化特征,从中寻找出与未来太阳周相关的先兆因子并进行预测,这在太阳周长期预报方法中最为常见. Wang^[14],Li^[15],Du 等人^[16]通过统计分析上升期与峰值的关系预测第 24 周的峰值及时间;Jain^[17],Hathaway 等人^[18]分别开展了地磁与太阳黑子的变化统计分析;Du 等人^[19,20]通过统计分析提出了一种加权方法预测峰值,Badalyan^[21]开展冕绿线与太阳黑子的相关性来进行黑子数预测. 本文对典型太阳周特征参数间的变化关系进行统计分析,并按其变化特征进行不同分类和公式拟合,最后给出第 25 周预报结果,并与已发表的预报结果进行比较.

2 数据和统计方法

对一个太阳周中每个月的太阳活动水平的预报,是以太阳黑子数平滑月均值作为预报量.式(1)给出了第i月黑子数平滑月均值 \bar{M}_i 的定义

$$\overline{M}_{i} = \frac{1}{12} \left[\frac{1}{2} (M_{i-6} + M_{i+6}) + \sum_{i=i-5}^{i+5} M_{j} \right], \tag{1}$$

式中 M_i 为由观测得到的第 i 月的太阳黑子数月均值. 一个太阳周中, \bar{M}_i 的极小值及极大值常分别记为 \bar{M}_{\min} 和 \bar{M}_{\max} ,上升期的时间长度记为 R,下降期的时间长度记为 D. 这些量和 \bar{M}_i 的时变曲线的形态特点,共同描述了一个太阳周的太阳活动水平的演化概貌. 为方便统计,本文中定义了相邻两个太阳周分别为第 n 周和第 n+1 周的特征参数,如图 1 所示. 第 n 周的峰值为 $\bar{M}_{\max}(n)$,上升期为 R(n),下降期为 D(n),第 n+1 周的峰值为 $\bar{M}_{\max}(n+1)$,上升期为 R(n+1),两个太阳周峰值 $\bar{M}_{\max}(n)$, $\bar{M}_{\max}(n+1)$ 间的时间长度表示为 K(n,n+1).

本文统计过程中采用的数据是国际公开发布的太阳周黑子数相关特征参数. 国际上沃尔夫太阳黑子数月均值从 1749 年 1 月开始记录,根据公式(1),太阳黑子数第一个平滑月均值从 1749 年 7 月开始记录,而国际上第一个太阳周是从 1755 年 3 月开始算起,目前处于第 24 太阳周. 本文统计数据从 1749 年 7 月起,为便于说明,定义该周为第 0 太阳周. 在 2002 年,Wang 等人 $^{[14]}$ 曾经统计过峰值与上升期之间的关系,并按照上升速度划分为高上升速度和低上升速度两类,统计中不包含第 0 太阳周. 本文通过对 0-23 周上升期 R(n)与峰值 $\overline{M}_{max}(n)$ 的统计关系发现,24 个周的峰值与上升时间的分布特征可以通过三类拟合关系来反映:第一类包括 1, 5, 7, 19 周,第二类包括 0, 9, 21 周,其余太阳周属于第三类。图 2 给出了三类线性

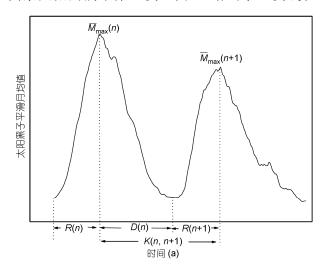


图 1 太阳周特征参数定义

Figure 1 Definitions of parameters for solar cycle.

099601-2

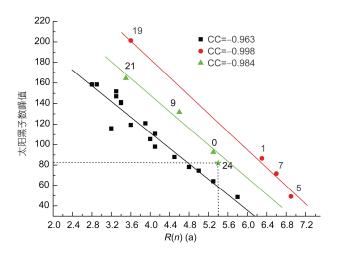


图 2 (网络版彩图)0-23 太阳周上升期 R(n)与峰值 $\bar{M}_{\max}(n)$ 的变化关系

Figure 2 (Color online) Relationship between R(n) and $\overline{M}_{max}(n)$ for $n=0, 1, 2, \dots, 23$.

拟合关系及相关系数,可以看到,三种线性拟合都具有很好的相关性,相关系数分别为-0.998,-0.984 和-0.963. 按照三类线性拟合关系,本文给出了0-23 周峰值 $\bar{M}_{max}(n)$ 随上升期 R(n)的线性拟合公式.

第 1, 5, 7 和 19 周峰值与上升期变化符合拟合公式(2), 拟合结果与实测值的均方根差为 ΔM =1.46.

$$\overline{M}_{\text{max}}(n) = 362.65 - 44.53R(n).$$
 (2)

第 0, 9 和 21 周峰值与上升期符合拟合公式(3), 拟合结果与实测值的均方根差为 ΔM =6.11.

$$\overline{M}_{\text{max}}(n) = 317.24 - 42.47R(n).$$
 (3)

其余太阳周(包括第2-4, 6, 8, 10-18, 20, 22 和 23) 变化符合拟合公式(4), 拟合结果与实测值的均方根差为 ΔM =5.46.

$$\overline{M}_{\text{max}}(n) = 263.33 - 37.92R(n).$$
 (4)

通过上面统计分析,本文将目前已有的 0-23 个太阳周按照峰值与上升期的关系划分为三种类型的变化并给出相应拟合公式.如知道一个太阳周上升期,便可以通过相关拟合公式预测其峰值的变化范围.根据公式(2)-(4),要预测第 25 周峰值,就需要知道第 25 周上升期长度.为确定第 25 周的上升期,本文对 R(n), D(n)及 K(n, n+1)各个参数进行了统计,图 3 给出了 0-23 周中 K(n, n+1)随 D(n)分布关系.可以看到下降期 D(n)和 K(n, n+1)具有很好的相关性,并通过线性拟合关系发现,用两类拟合关系来表示其

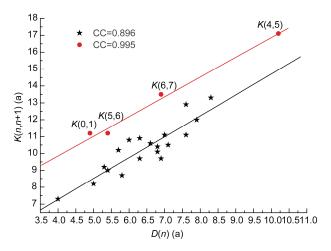


图 3 (网络版彩图)0-23 太阳周下降期 D(n)与 K(n, n+1)的 变化关系

Figure 3 (Color online) Relationship between D(n) and K(n, n+1) for $n=0, 1, 2, \dots, 23$.

分布更为合适. 第一类为 K(0,1), K(4,5), K(5,6)和 K(6,7), 相关系数为 0.995, 其余属于第二类, 相关系数为 0.896. 按照两类线性拟合关系, 本文给出了 0-23 周下降期 D(n)的与 K(n,n+1)线性拟合公式.

当n为0,4,5和6时,D(n)与K(n,n+1)的变化符合拟合公式(5),拟合结果与实测值的均方根差为 ΔT =1.11(a).

$$K(n, n+1) = 4.09 + 1.23D(n).$$
 (5)

当n为1-3,7-23时,D(n)与K(n,n+1)的变化符合拟合公式(6),拟合结果与实测值的均方根差为 ΔT =1.03(a).

$$K(n, n+1) = 2.33 + 1.24D(n).$$
 (6)

3 第 25 太阳周预测结果和讨论

通过统计分析,第二节中给出了第n活动周峰值 $\bar{M}_{max}(n)$ 随上升期 R(n)的拟合关系,第n 周下降期 D(n)与第n, n+1 周峰值间时间长度 K(n, n+1)的拟合关系.即知道了第n 周的下降期,便可以预测第n+1 周的上升期(R(n+1)=K(n, n+1)-D(n)),从而可以预测n+1 周的峰值大小.

第 24 太阳周开始于 2008 年的 12 月,截至 2014年 12 月,已经过了 6年,从已发展的态势来看,第 24 周的确是一个比较弱的太阳周,太阳黑子平滑月均值在 2012年 2 月达到一个小峰值 66.9 之后就开始现下降,之后近 1 年都在 58 附近振荡,从 2013年 5 月

099601-3

开始缓慢上升,2014年4月达到第24太阳周以来的最高值81.9,之后的5-8月逐渐下降,分别为80.5,79.7,78.6和75.6.那么第24周的峰值是81.9?根据目前国际、国内预报机构(NASA, IPS, SEPC)的太阳黑子数平滑月均值预报结果,81.9将是第24周的峰值,之后将进入第24周下降期.图4是我们利用相似周方法[22]预测的第24周的平滑月均值的变化剖线与观测结果比较,从图中可以看到,我们预测的峰值小于实测结果,峰值出现时间为2014年5月,之后黑子数开始振荡下降.

按照第24周峰值为81.9的情况,第24周的上升时间为5.4年,那么按照峰值随上升期的分布特征,第24周更加符合图2中的第二类线性拟合关系,按照对应拟合公式(3),计算峰值为87.90±6.11,与已经出现的81.9相近.

对于第 24周的下降期预测, NASA 和 IPS 的预测结果相近, NASA 预测在 2019年 10月结束, IPS 预测在 2019年 12月结束. 本文按照相似周特征参数相似原则^[21], 取第 24周的相似周(第 12, 14周)的平均下降期为第 24周的下降长度,即为(6.2±0.4)年. 由第二节中 D(n)与 K(n, n+1)的两类线性拟合关系可以看到,只有 4个周属于第一类,且都处在第 7周之前,其后第 7–23 周均符合第二类线性拟合特征. 因此,本文认为 n 为 24 时 K(24, 25)的变化应符合第二类拟合关系. 因此应用公式(5)可得到 K(24, 25)为 10.02 ± 0.5 .

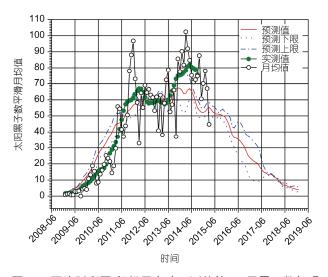


图 4 (网络版彩图)相似周方法预测的第 24 周黑子数与观测值比较

Figure 4 (Color online) Comparison of observation and prediction for cycle 24.

再由 K(24, 25)—D(24)可预测第 25 周上升期为 3.8±0.1, 即第 25 周预计起始于 2020 年 6 月前后, 峰值将在 2024 年 4 月前后出现.

得到上升时间,即可通过上升期和峰值的拟合 公式(2)-(4)对应计算得到第 25 周的峰值分别为 193.4±1.5, 155.8±6.1 和 119.2±5.5. 那么, 第 25 周的 峰值属于哪类预报结果呢? 太阳活动除了准 11 年的 周期变化外, 还具有长周期变化特征[23-27], 这已获等 众多研究者的公认, 且一些人认为正是因为太阳黑 子受到了长周期的调制, 才导致第 23 周众多预报结 果不准. 2010 年 Hathaway^[28]拟合给出了峰值随活动 周数变化的正弦函数曲线, 并认为峰值具有 9.1 个太 阳周变化长周期. 而最近一个峰值出现在第 19 周, 第25周应处于9.1个太阳周变化长周期的第6周,将 不会达到强活动周水平, 但会强于第 24 周. 根据偶 数周与其后奇数周峰值变化情况(图 5), 可以发现, 从第10周以来除了第23周呈现异常之外,紧接偶数 周之后的奇数周的峰值总高于其前面的偶数周黑子数, 第 11, 13, 15, 17, 19, 21 周皆如此, 这也从另一个方面 反映了按规律变化第25周峰值会高于第24周.

综上所述,通过太阳周的长周期变化特征、偶数周和奇数周峰值的变化规律及拟合计算结果,本文认为,第 25 周不会太强,但峰值要高于第 24 周,预计太阳黑子数峰值为 119.4±5.5.表 1 给出了其他作者^[13,19,20,29–35]对第 25 周的预测结果,可以看到,预测结果并不一致,Javaraiah^[29]和 Abdusamatov^[30]认为第 25 周峰值在 50 左右,Hathaway^[31]预测在 70 左右,Du^[19,20,35]给出了 102,111 和 144 三个结果.本文的预测结果与

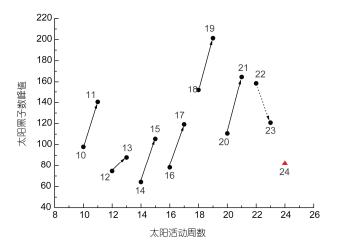


图 5 10-24 周偶数周及奇数周峰值变化

Figure 5 Variation of maximum from Even cycle to odd cycle.

表 1 第 25 太阳周预报结果

 Table 1
 Predictions of solar cycle 25

Table 1 Tredictions of Solar Cycle 25		
作者	黑子数峰值	峰值出现时间
Javaraiah, 2014 ^[29]	50±10	-
Abdusamatov, 2007 ^[30]	50±15	_
Hathaway, Wilson, 2004 ^[31]	70±30	2023
Du, 2006 ^[19]	102.6±22.4	-
Pishkalo, 2008 ^[13]	110±11	_
	112.3±33.4	2023.4±0.7
	117	2024
	121	2028.5
Du, 2006 ^[20]	111.6±17.4	-
Quassim, 2006 ^[32]	116	-
Hamid and Galal, 2013 ^[33]	118	2020-2030
Rigozo, 2011 ^[34]	132.1	-
Du, 2006 ^[35]	144.3±27.6	-

Quassim^[32], Hamid 等人^[33]的结果一致.

4 结论

几十年来,为准确预测太阳周的特征参量,特别 是太阳黑子数峰值,太阳活动研究者不断在寻找新 的预报方法和相关因子. 由于目前的预报方法主要建立于对历史数据的统计分析基础上, 预报方法的不同, 结果会有很大差异, 目前还没有一种方法对最近的几个太阳周都做出了较准确的预报, 太阳周峰值预报仍然是一个有待解决的问题.

在工程应用中,为了满足任务需求,往往需要提供未来几十年的太阳活动预报,即在第 24 周还在进行中时,就需要知道第 25 周的太阳活动情况.基于此需求,本文对 0-23 太阳周的峰值、上升期、下降期和峰值之间的长度等几个典型特征参数进行统计分析.按照分布特征,把峰值随上升时间的关系划分为三类,两周峰值之间的时间随下降期的关系划分为两类,并给出相应的线性拟合公式.根据目前第 24 周的发展趋势和预报结果,以及太阳周的长周期变化特征和第 10 周之后的偶、奇数峰值的变化规律,给出第 25 周的预报:预计第 25 周在 2020 年 6 月前后开始,该周会比第 24 周强,峰值预计会在 2024 年 4 月前后出现,黑子数为 119.2±5.5,峰值强度类似于第 17 周和 23 周.

致谢 中国科学院空间科学与应用研究中心空间环境研究预报中心、宇航动力学国家重点实验室对本工作的支持.

参考文献.

- 1 Bary R J, Loughhead R E. Sunspots. New York: John Wiley and Sones, 1964. 237–242
- 2 Zhan L S, Guo L, Zhao H J, et al. The shape of sunspot cycles described by monthly sunspot areas. Solar Phys, 2005, 232: 143-158
- 3 Wang J L, Fan Y H, Lin B S, et al. A prediction of the smoothed monthly sunspot numbers for the ascending phase of solar cycle 21 (in Chinese). The Pub Beijing Astron Obs, 1975, 5: 47–55 [王家龙, 范岳华, 林柏森, 等. 第 21 周上升段太阳黑子相对数的预计. 北京天文台台刊, 1975, 5: 47–55]
- 4 Tang Y K, Deng L H. Phase asynchrony between flare index and sunspot activity, phase asynchrony between flare index and sunspot activity. Sci China-Phys Mech Astron, 2013, 56: 1981–1986
- 5 Webb D F, Jackson B V. Characteristics of CME observed in the Heliosphere using helios photometer and in-situdata. In: Solar-Terrestrial Predictions-IV, Volume 2. Boulder: National Oceanic and Atmospheric Administration, Environmental Research Laboratories, 1993. 381–388
- 6 Wang J L. Solar activity study in solar-terrestrial system science (I) (in Chinese). Prog Geophys, 1994, 9: 1–11 [王家龙. 日地系统学中的太阳活动研究(I). 地球物理学进展, 1994, 9: 1–11]
- 7 Vitinsky Yu I, Kopecky M, Kuklin G V. Statistics of Sunspot Activity. Moscow: Nauka, 1986
- 8 Jiang J, Chatterjee P, Choudhuri A R. Solar activity forecast with a dynamo model. Mon Not R Astron Soc, 2007, 381: 1527–1542
- 9 Lantos P. Prediction of the maximum amplitude of solar cycles using the ascending inflexion point. Solar Phys, 2000, 196: 221-225
- 10 Obridko V N. Some comments on the problem of solar cycle prediction. Solar Phys, 1995, 156: 179-190
- 11 Li K J, Yun H S, Gu X M. On long-term predictions of the maximum sunspot numbers of solar cycle 21 to 23. Astron Asronphys, 2001, 368: 258–291
- 12 Kane R P. A preliminary estimate of the size of the coming solar cycle 24, base on Ohl's precursor method. Solar Phys, 2007, 243: 205-217
- 13 Pishkalo M I. Preliminary prediction of solar cycles 24 and 25 based on the correlation beween cycle parameters. Kinematics Phys Celestial

099601-5

- Bodies, 2008, 24: 242-247
- 14 Wang J L, Gong J C, Liu S Q, et al, The prediction of maximum amplitude of cycle 24. Chin J Astron Asronphys, 2002, 2: 557–562
- 15 Li K J, Gao P X, Su T W. Estimating the size and timing of the maximum amplitude of solar cycle 24. Chin J Astron Astrophys, 2005, 5: 539-545
- 16 Du Z L, Wang H N. Prediction the solar maximum with the rising rate. Sci China-Phys Mech Astron, 2012, 55: 365–370
- 17 Jain R. Prediction of the amplitude in sunspot cycle 24. In: The Proceedings of 36th COSPAR Scientific Assembly. Beijing, 2006. 36: 642
- 18 Hathaway D H, Wilson R M. Geomagnetic activity indicates large amplitude for sunspot cycle 24. Geophys Res Lett, 2006, 33: L18101
- 19 Du Z, Du S. The relationship between the amplitude and descending time of a solar activity cycle. Solar Phys, 2006, 238: 431–437
- 20 Du Z L. Relationship between solar maximum amplitude and Max-Max cycle length. Astron J, 2006, 132: 1485-1489
- 21 Badalyan O G, Obridko V N, Sykora J. Brightness of the coronal green and prediction for activity cycles 23 and 24. Solar Phys, 2001, 199: 421–435
- Wang J L, Han Y B. Forecast of smoothed monthly mean sunspot numbers for solar cycle 23. Astrophys Rep-Pub Beijing Astron Obs, 1997, 1(Suppl): 76–80
- 23 Gleissberg M N. A long-periodic fluctuation of the sun-spot numbers. Observatory, 1939, 62: 158–159
- 24 Garcia A, Mouradian Z. The gleissberg cycle of minima. Solar Phys, 1998, 180: 495–498
- 25 Rozelot J P. On the stability of the 11-year solar cycle period (and a few others). Solar Phys, 1994, 149: 149–154
- Ogurtsov M G, Nagovitsyn Y A, Kocharov G E, et al. Long-period cycles of the Sun's activity recorded in direct solar data and proxies. Solar Phys, 2002, 211: 371–394
- 27 Hathaway D H, Wilson R M, Reichmann E J. A synthesis of solar cycle prediction techniques. J Geophy Res, 1999, 104: 22375–22388
- 28 Hathaway D H. The solar cycle. Living Rev Solar Phys, 2010, 7: 1
- Javaraiah J. Long-term variation in the north-south asymmetry of solar activity and solar cycle prediction, III: Prediction for the amplitude of solar cycle 25. New Astron, 2015, 34: 54–64
- Abdusmatov Kh I. Optimal prediction of the peak of the next 11-year activity cycle and of the peaks of several succeeding cycles on the basis of long-term variations in the solar radius or solar constant. Kinematics Phys Celestial Bodies, 2007, 23: 97–100
- 31 Hathaway D H, Wilson R M. What the sunspot record tells us about space climate. Solar Phys, 2004, 224: 5-19
- Quassim M, Attia A F, Elminir H. Forecasting the peak amplitude of the 24 and 25 sunspot cycles and accompanying geomagnetic activity. Solar Phys, 2007, 8: 243–253
- 33 Hamid R H, Galal A A. An early prediction of the maximu amplitude of the solar cycle 25. J Adv Res, 2013, 4: 275-278
- 34 Rigozo N R, Souza Echer M P, Evangelista H. Prediction of sunspot number amplitude and solar cycle length for cycles 24 and 25. J Atmospheric Solar-Terrestrial Phys, 2011, 73: 1294–1299
- 35 Du Z L, Wang H N, He X T. A new method to determine epochs of solar cycle extrema. Chin J Astron Astrophys, 2006, 6: 489-494

The prediction of maximum amplitude of solar cycle 25

MIAO Juan^{1,2,3*}, GONG JianCun¹, LI ZhiTao¹ & REN TingLing¹

¹ Center for Space Science and Applied Research, Space Environment Prediction Center, Chinese Academy of Science, Beijing 100190, China;

In this paper, the correlation between various parameters of solar cycles 0–23 is investigated. The parameters include maximum, rising time and descending time. Three derived regression equations are given between maximum and rising time. Two derived regression equations are given between descending time and total of descending time and next rising time. Additionally, according to the cycle periodicity of secular trend and the regularity of maximum between even cycles and following odd cycles, the prediction of cycle 25 is obtained. It is expected that solar cycle 25 will begin in June 2020 and will be relatively stronger than cycle 24. The sunspot number maximum of cycle 25 is predicted to occur in April 2024 with a sunspot number of 119.2±5.5, which will be nearly the same strength of cycle 17 and 23.

solar cycle, maximum amplitude, rising time, descending time

PACS: 96.50.Wx, 96.60.-j, 96.60.Q-, 96.60.qd

doi: 10.1360/SSPMA2015-00097

² University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China;

³ State Key Laboratory of Astronautic Dynamics, Xi'an 710043, China